

ارزیابی اثربخشی مدل‌های برنامه‌ریزی آرمانی

علی‌اصغر انواری‌رسنمی

استادیار مرکز مطالعات مدیریت و بهره‌وری ایرانه دانشگاه تربیت مدرس

چکیده

کاربرد تکنیک‌های برنامه‌ریزی آرمانی در عمل با مشکلات زیادی همراه است. این مقاله ضمن ارزیابی تکنیک‌های برنامه‌ریزی آرمانی در خصوص منعکس نمودن صحیح رجحانهای مورد نظر تصمیم‌گیرندگان، تکنیک‌های مختلف برنامه‌ریزی آرمانی را در چارچوبی یکپارچه و منسجم، دسته‌بندی می‌نماید و ویژگیها و محدودیتهای کاربردی هر تکنیک را مورد بررسی قرار می‌دهد همچنین چگونگی و چرایی امکان گمراه شدن تصمیم‌گیرندگان به دلیل تقریبهای نامناسب توابع مورد بحث و بررسی قرار گرفته و راهکارها و الگوریتم عملکردی مؤثری جهت رویارویی و کمینه سازی اینگونه خطاهای ارائه می‌نماید. در نهایت، جهت درک بهتر الگوریتم پیشنهادی، مثالی عددی ذکر شده است.

۱۰۷

کلید واژه‌ها: برنامه‌ریزی آرمانی، تابع ارزشی، اثر بخشی.

۱. مقدمه

اشنايدر جان، حل هر مسئله تصمیم چند معیاری را مستلزم تعیین مجموعه فرصتها (جوابهای ممکن) و توابع رجحان تصمیم‌گیرنده، می‌داند^[۱]. جهت حل مسائلی با اهداف متعدد و خصوصاً متصاد (حل دستگاه «نا» معادلات همزمان) و انجام عملیاتی مقایسه‌ای بین اهداف متعدد-متضاد، از تکنیک برنامه‌ریزی آرمانی بهره گرفته می‌شود. پروفسور هنان برنامه‌ریزی آرمانی را تکنیکی ما بین برنامه‌ریزی ریاضی اهداف متعدد (بدون پرسیدن رجحانهای تصمیم‌گیرنده) و تئوری چند معیاری مطلوبیت (در جایی که مقادیر پارامترهای مختلف باید تعیین شوند) قرار می‌دهد^[۲]. انتقادات متعددی در خصوص تکنیک برنامه‌ریزی آرمانی وجود دارد؛ یکی از مهمترین ایرادات وارد بر آن، اثر بخش نبودن این تکنیک در



برای α امین هدف ($m = 1, 2, \dots, i$), a_{ij} به عنوان میزان مشارکت α امین متغیر در α امین هدف ($n = 1, 2, \dots, j$), می‌توان به ازای هر جواب عملی $(X) = (x_1, x_2, \dots, x_n) \in X$ یک انحراف را با رابطه $|d_i - \sum_j^{n=1} a_{ij} X_j - g_i|$ محاسبه نمود (در جایی که (X) مجموعه جوابهای ممکن است).

انحراف کمتر بر بیشتر (مشابهًا هدف رسی بیشتر بر کمتر) ارجح است؛ بنابراین تابع جزیی پیوسته و ارزشی $V(d_i)$ بر حسب گزینه $(X) = (x_1, x_2, \dots, x_n) \in X$ و متغیر انحرافی (d_i) تابعی نزولی (مشابهًا بر حسب میزان هدف رسی یا متغیر g_i صعودی) خواهد بود؛ به بیان ریاضی:

$$\frac{\partial v(d_i)}{(d_i)} < \frac{\partial v(g_i)}{(g_i)}.$$

$$V(g_i) = \begin{cases} 1 & \text{if } g_i = \max \\ 0 & \text{if } g_i = \min \end{cases} \Rightarrow V(d_i) = \begin{cases} 1 & \text{if } d_i = \max \\ 0 & \text{if } d_i = \min \end{cases}$$

بهره‌گیری از روش تابع ارزش در مدل‌های برنامه‌ریزی آرمانی، مستلزم تعیین تابعی مقداری جهت ارزش گذاری یک راه حل یا گزینه بر حسب معیارها یا اهداف متعدد می‌باشد.

تعریفی عمومی از تابع ارزش برای مدل‌های خطی برنامه‌ریزی آرمانی به شرح زیر است:

$$TV(d) = \sum_{i=1}^m V(d_i) = V(d_1^+, d_2^+, \dots, d_m^+, d_1^-, d_2^-, \dots, d_m^-)$$

$$TV(g) = \sum_{i=1}^m V(g_i) = V(g_1, g_2, \dots, g_m)$$

در جایی که $TV(d)$ و $TV(g)$ تابع کل ارزش و $V(d_i)$ و $V(g_i)$ تابع جزئی به ترتیب بر حسب متغیرهای انحرافی و سطح هدف رسی می‌باشند، تعدادی از توابع مهم نزولی بر حسب متغیرهای انحرافی و صعودی بر حسب سطح هدف رسی به شرح زیر خواهند بود:

برای بعضی از توابع غیرخطی، نظری تابع درجه دوم، الگوریتمها و نرم افزارهای کارایی وجود دارد؛ ولی برای توابعی با درجات بالاتر، تاگزیر به بهره‌گیری از مدل‌های غیرخطی برنامه‌ریزی آرمانی می‌باشیم یا آنکه باید این تابع را به طوری صحیح و دقیق با چند جزء خطی تقریب زد و سپس از مدل‌های خطی برنامه‌ریزی آرمانی استفاده نمود. مثالی از رفتارهای سرمایه‌گذار که تنها با تابع غیرخطی درجات بالا به خوبی بیان شده را می‌توان، در مطالعه پر ایافت [۱۰].

ملحوظ نمودن صحیح رجحانها و خواسته های واقعی تصمیم گیرندگان، می‌باشد؛ چون وزنهای نسبی اهمیت اهداف مختلف در برنامه‌ریزی آرمانی، به منزله نوعی تابع مطلوبیت تلقی می‌شود. گروهی نظری روزنقال معتقدند که: این وزنهای در غالب موارد، محیط واقعی تصمیم‌گیری را بیان نمی‌نمایند [۲].

سؤالات مهم و اساسی در این مقاله عبارتند از:

۱. آیا تکنیک‌های برنامه‌ریزی آرمانی، قادر به انعکاس صحیح توابع مطلوبیت تصمیم گیرندگان می‌باشد؟

۲. در صورت منفی بودن جواب سؤال اول، مهمترین محدودیتها و مشکلات موجود در این زمینه، کدامند؟ و چگونه می‌توان این مشکلات و محدودیتها را رفع نموده و یا به حداقل رساند؟

این مقاله پاسخی به سوالات فوق می‌باشد و الگوریتمی رو در رو و هدایت کننده را جهت اثربخش نمودن مدل‌های مختلف برنامه‌ریزی آرمانی ارائه می‌نماید؛ همچنین، مثالی عددی از این الگوریتم را تشریح و در نهایت نتایج حاصله و دیدگاههای نهایی را ارائه می‌نماید.

۲. مروری بر ادبیات تحقیق

جهت رفع مشکلات موجود در تعریف توابع رجحان مناسب برای تصمیم گیریها و تعیین نرخ تبادل یا جانشینی مناسب برای اهداف متضاد نسبت به هم، روش‌های مختلفی ارائه شده است [۴، ۵، ۶، ۷، ۸، ۹]. اشنایدرجان، مدل‌های برنامه‌ریزی آرمانی را در دو نوع مدل «اولویتی یا لکزیکوگرافیکی» و مدل «وزنی غیر اولویتی» جای می‌دهد و سایر مدل‌های برنامه‌ریزی آرمانی را ترکیبی از این دو می‌داند؛ در مدل نوع اول، اهداف به ترتیب اولویتشان به صورت نزدیکی، بهینه می‌شوند و در مدل نوع دوم، وزنهای بیانگر اهمیت نسبی اهداف بوده و با تعیین این وزنهای برای کلیه اهداف (که در یک سطح اولویتی هستند) به طور همزمان بهینه می‌شوند. هنان، اولین مرحله تحلیلگر را تعریف تابع ارزشی می‌داند که مقادیر آن، بیانگر دیدگاههای واقعی تصمیم‌گیرنده است [۱]. بحث‌های بسیار ارزشمندی در خصوص تابع ارزش را می‌توان در مأخذ ۹ این مقاله یافت که هدف اصلی آن، تشریح نحوه تعیین توابع ارزش مناسب و در عین حال ساده برای تصمیم‌گیریهای پیچیده می‌باشد.

محاسبات برنامه‌ریزی آرمانی در جهت کمینه سازی شکاف میان سطح قابل دستیابی به اهداف و آرمانهای موضوعی جهت این اهداف می‌باشد. با تعریف og به عنوان سطح آرمانی



۳. از بین زوچهای رتبه‌بندی شده کدام معیارها بی‌بدل یا بی‌جایگزینند؟ به عبارتی دیگر، نرخ نهایی جانشینی برای کدام هدف (اهداف) بی‌نهایت است؟ آنها را به ترتیب اهمیتشان، استخراج نموده و به شکل $\{P_1 >> P_2 >> \dots >> P_m\}$ مرتب نمایید؛ در جایی که نماد $L = m$ باشد $P_j >> P_i$ به معنی بسیار با اهمیت‌تر بودن معیار یا هدف i به زمی‌باشد. اگر $L < m$ باشد $P_i >> P_m$ که همانا مدل اولویتی یا لکزیکو گرافیکی است. اگر $L = m$ باشد به مرحله بعدی بروید.

۴. اگر کلیه $[m-L]$ معیار اهمیتشان به طور کمی قابل مقایسه باشند و تصمیم‌گیرنده در پی تعیین نرخ تبادل یا جایگزینی ثابتی برای معیارهای مختلف تصمیم باشد، فهرستی زوجی از کلیه $[m-L]$ معیار را جهت مقایسه اهمیت معیارها (از ساده‌ترین زوج تا مشکل‌ترین زوج) تهیه و در اختیار تصمیم‌گیرنده قرار دهید؛ از ساده‌ترین زوج، شروع نموده و از تصمیم‌گیرنده پرسید که آیا معیار i حداقل t مرتبه از معیار j مهمتر است؟ اگر خیر، آیا معیار i حداقل s مرتبه ($s > t$) از معیار j مهمتر است؟ و الی آخر.

۵. با روش مقایسه زوجی فوق می‌توان به $\{W_1 >> W_2 >> \dots >> W_m\}$ دست یافت؛ اگر $L = f = m$ باشد، خواهیم داشت $\{W_1 >> W_2 >> \dots >> W_m\}$ ؛ که همانا مدل وزنی و غیر اولویتی است. اگر $L > f = m$ باشد، با مدل وزنی - اولویتی روبرو هستیم؛ اگر $L < f$ و $f < m$ باشد، دال بر وجود معیارهایی است که نرخ جانشینی ثابتی ندارند. در این‌گونه موارد به مرحله بعدی بروید[۱۲].

۶. زمانی که تعیین وزن‌های اهمیت نسبی برای تصمیم‌گیرنده مشکل بوده و تفسیر این وزن‌ها گمراه‌کننده است و یا زمانی که هزینه مقایسات دو به دو اقتصادی نیست، می‌توان از روش عمومی تابع ارزش بهره گرفت؛ در این روش برای هر معیار، تابع ارزشی خاص تعریف نموده و هدف مدل، حداقل نمودن سطوح دستیابی به اهداف است. تفاوت این روش با روش فازی، نه در فرموله‌سازی ریاضی، بلکه اساساً در فلسفه‌ای است که داده‌های تصمیم‌گیرنده را تحت تاثیر قرار می‌دهد؛ بنابراین روش، برای هر هدف I و هر جفت از اقدامات $x, y \in X$ می‌توان تابعی به شکل $P_i(x, y)$ در نظر گرفت که میزان رجحان تصمیم‌گیرنده را در ارتباط با (x, y) اندازه گیری می‌نماید؛ به نحوی که خواهیم داشت:

- | | |
|-----------------------|--------------------------------------------|
| $P_i(x, y) = 0$ | for indifference, $f_i(x) \equiv f_i(y)$ |
| $P_i(x, y) \approx 0$ | for weak preference, $f_i(x) > f_i(y)$ |
| $P_i(x, y) \cong 1$ | for strong preference, $f_i(x) >> f_i(y)$ |
| $P_i(x, y) = 1$ | for strict preference, $f_i(x) >>> f_i(y)$ |

در بعضی از موارد تصمیم گیرنده، قادر به بیان دقیقی از سطوح آرمانهای مدل نمی‌باشد؛ در چنین موقعی، از روش فازی می‌توان بهره گرفت و سطوح آرمانهای غیر دقیق را در مدل خطی برنامه‌ریزی آرمانی گنجاند و مسئله را با بهره گیری از پاره خطهای متعدد حل نمود[۸، ۱۱].

مشکل دیگر این است که وقتی تصمیم گیرنده با چند معیار مقاومت موافقه است، ممکن است توان پیروی از قواعد منطقی را از دست بدهد؛ دلیل آن نیز این است که او ممکن است با جنبه‌هایی از مسئله موافقه شود که در حالت ساده بودن مسئله شاید به آنها توجه نمی‌کرده است و این موضوع، تعریف تابع مطلوبیت مناسب برای تصمیم گیرنده (تابع هدف) را چهار مشکل می‌سازد.

۳. الگوریتم پیشنهادی

همانگونه که در ابتدای مقدمه ذکر شد، جهت حل هر نوع مسئله تصمیم چند معیاری به تعیین مجموعه فرصتها (جوابهای ممکن) و توابع رجحان تصمیم گیرنده نیاز است؛ انتخاب بهترین جواب از میان مجموعه فرصتها منوط به تعریف رجحانهای تصمیم گیرنده است؛ روش‌های مختلفی جهت تعریف توابع رجحان و به کارگیری آنها در مدل‌های مختلف برنامه‌ریزی آرمانی طرح شده‌اند و هر یک از آنها، جز روش عمومی تابع ارزش، قابلیت کاربرد محدود و خاصی دارند. نکته مهم در کار تحلیلگر، انتخاب مدل مناسب برنامه‌ریزی آرمانی و تعریف دقیق محیط تصمیم، بالأخص تابع هدف مدل، می‌باشد. تعیین اینکه مدل مناسب، برای مسئله تصمیم: ۱) مدل اولویتی یا لکزیکو گرافیکی است؟ ۲) مدل وزنی غیر اولویتی است؟ ۳) مدل وزنی - و الیتی است؟ ۴) و یا مدل عمومی تابع ارزش است؟ حائز اهمیتی فراوان است. اعمال الگوریتم عملکرد پیشنهادی زیر، اثر بخشی مدل را افزایش و خطاهای احتمالی را کاهش خواهد داد.

۱. معیارهای مسئله تصمیم گیری کدامند $\{C_1, C_2, \dots, C_m\}$ ؟

۲. زمانی که مقایسه دو به دو مقدور و مطلوب است، فهرستی از کلیه زوچهای ممکن از معیارهای تصمیم را تهیه و جهت مقایسه در اختیار تصمیم گیرنده قراردهید. $\{C_1 \leftrightarrow C_2, C_1 \leftrightarrow C_3, \dots, C_1 \leftrightarrow C_m, \dots, C_{m-1} \leftrightarrow C_m\}$. نتایج مقایسات را به صورت $C_i > C_j$ for $i \neq j$ بزرگتر مقایسات زوجی از مهمترین تا کم اهمیت ترین رتبه‌بندی نمایید و به مرحله بعد بروید.

ارزیابی اثربخشی مدل‌های برنامه‌ریزی آرمانی

در جایی که:

$$f_i(y) = \sum_{j=i}^n a_{ij} Y_j, \quad f_i(x) = \sum_{j=i}^n a_{ij} X_j$$

با تعریف $d_i = f_i(y) - f_i(x)$ به عنوان محسوبه تفاوت در عملکرد میان عمل، اقدام، یا گزینه X، Y در ارتباط با معیارهای تابع عملکرد $P_i(x,y)$ را می‌توان با تابع ارزش $\bar{F}(d_i)$ بیان نمود؛
بیانگر رجحانهای تصمیم‌گیرنده است؛ به طوری که به سادگی برای او قابل درک است.
روش عمومی تابع ارزش در پی حداقل نمودن $MaxZ = \sum_{i=1}^m (F_i^+ d_i^+ + F_i^- d_i^-)$ می‌باشد.
ارزش Z را می‌توان به درصد تحقق آرمانهای وضع شده توسط تصمیم‌گیرنده تعیین نمود.
مقادیر Z بین 0 تا m است و m همانا تعداد معیارها یا اهداف مسئله است. هر چه Z به
نزدیکتر باشد، تصمیم‌گیرنده راضی‌تر خواهد بود. نمودار زیر فرایند فوق را تشرییح می‌نماید:

۴. مثال عددی

جهت تشریح روش پیشنهادی، مسأله تصمیم‌گیری تولید مدرج در مأخذ ۴ را برگزیده ایم. معیارهای تصمیم در این مسأله عبارتند از $\{C_1, C_2, \dots, C_m\}$ مرحله بعد، تهیه لیست زوجهای ممکن از معیارها به شرح $\{C_1 \leftrightarrow C_2, C_1 \leftrightarrow C_3, \dots, C_1 \leftrightarrow C_m, C_2 \leftrightarrow C_3, \dots, C_{m-1} \leftrightarrow C_m\}$ و ارائه آن به تصمیم‌گیرنده است. یکی از نتایج احتمالی این مقایسات را به صورت زیر، در نظر گیرید:

$$\{C_1 > C_r, C_1 > C_\tau, C_1 < C_o, C_r > C_\tau, C_r < C_\tau, C_\tau < C_o, C_r < C_\tau, C_r < C_o, C_\tau > C_o\}$$

با مرتب کرد بر حسب رابطه \neq برای $\{C_i > C_j\}$ خواهیم داشت:

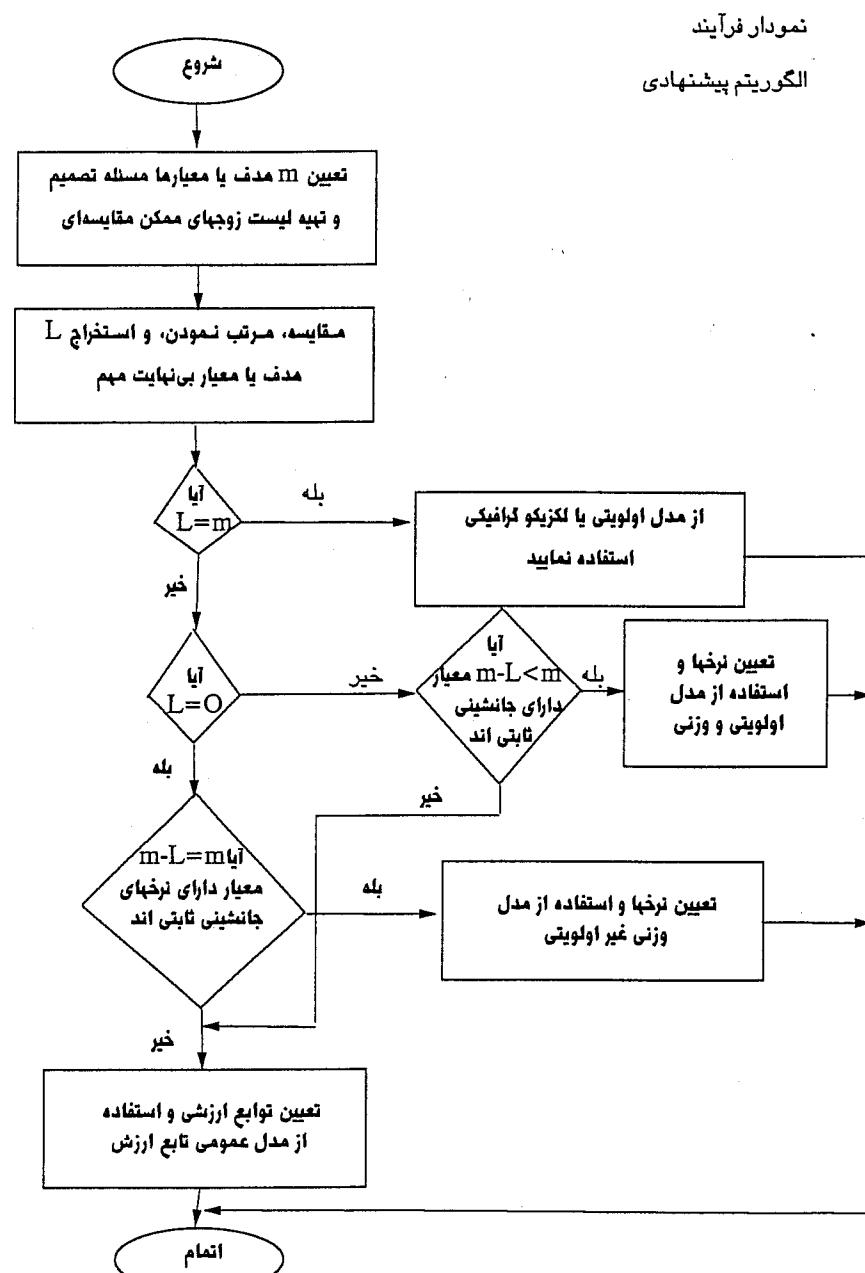
$$\{C_1 > C_r, C_1 > C_T, C_t > C_1, C_o > C_1, C_r > C_r, C_t > C_T, C_o > C_T, C_r > C_r, C_t > C_o\}$$

چهاربار، C_2 سه بار، C_1 یک بار در سمت بزرگتر قرار گرفته اند؛ بنابراین معیارها را می‌توان بر حسب اهمیتشان به شرح $\{C_1, C_2, C_3, C_4\}$ رتبه‌بندی نمود و به گام بعدی رفت. چه معیارهایی به دلیل اهمیت بی‌حدشان بی‌جاگزین هستند؟ اگر به ترتیب، همه آنها با جاگذین باشند، می‌توان نهشست:

$L = \dots \rightarrow L = m$ کے حاصل کی مجموعی $\{P_1 >> P_2 >> \dots >> P_m\} = \{C_1 >> C_2 >> C_3 >> C_4 >> C_5\}$

به گام بعدی می‌رویم.

فرض کنید C_2 دومرتبه مهمتر از C_1 و C_3 ، نه مرتبه مهمتر از C_4 و C_5 نه مرتبه مهمتر از C_6 و C_7 دو مرتبه مهمتر از C_8 می‌باشد. با بهره‌گیری از روش فرآیند تجزیه و تحلیل سلسه





مثالی عددی پیشنهاد و مورد بررسی قرار دادیم. در این الگوریتم، تصمیم گیرنده در مرحله‌های متوالی، حضوری فعال داشته و تحلیلگر در مسیر بررسی با طرح سؤالاتی متعدد اقدام به انتخاب مدل مناسب جهت تصمیم‌گیری می‌نماید. مسیر الگوریتم طوری طراحی شده که ابتدا از مدل‌های کلاسیک (۱. مدل اولویتی یا لکزیکوگرافیکی ۲. مدل وزنی و غیراولویتی، ۳. مدل وزنی و اولویتی) عبور نموده و در نهایت به روش عمومی تابع ارزش منتهی می‌گردد.

عنوان

- [1] Schniederjans M.J.; "Goal Programming Methodology and Application", Kluwer Academic Publishers, 1995.
- [2] Hannan E.L., "An Assessment of some Criticism of GP", *Computer and Operations Research*, Vol. 14, 1985, PP. 227-229.
- [3] Rosenthal E.R., "Goal Programming-A Critique", *New Zealand Operational Research*, Vol. 11, 1983; PP. 133-152.
- [4] Anvary Rostamy, A.A. and Tabatabaie, "Appraising the Effectiveness of GP in Incorporating the Decision Maker (DM)'s Preferences", *Journal of the Operations Research Society of Japan*, Vol. 41, 1998, No. 2, PP. 279-288.
- [5] Charnes A., and W.W. Cooper, "Goal Programming and Multiple Objective Optimization", *European Journal of operational Research*, Vol. 1, 1977. PP. 39-54.
- [6] Gass S.I., "The Setting of Weights in Linear Goal Programming", *Computer and Operations Research*, Vol. 14, 1987, PP. 227-229.
- [7] O'Leary D.E., and J.H. O'Leary, "The Use of Conjoint Analysis in the Determination of GP Weights for a Decision Support System", In Decision Making with Multiple Objectives.Y.Y.Haines and V. Chankong Eds. Springer, New York, 1984, pp.287-299.
- [8] Sakway M., "Interactive Fuzzy Goal Programming for Multi objective Nonlinear Programming Problems and Its Application to Water Quality Management, Control and Cybernetics", Vol. 13, 1984, PP. 217-228.
- [9] Keeney R.L., and H. Raiffa, "Decision with Multiple objectives: Preferences and Value Tradeoffs", Cambridge University Press; 1993.
- [10] Pratt J.W., "Risk Aversion in the Small and in the Large", *Econometrica*, Vol. 32, 1964, PP. 1121-1132.
- [11] Hannan E.L. "Linear Programming with Multiple Fuzzy Goals, Fuzzy and Systems", Vol. 6, 1981, PP. 279-288.
- [12] Takeda E., and P.L. Yu, "Assessing Priority Weights from Subsets of pairwise Comparision in Multiple Criteria Optimization Problems", *European Journal of Operational Research*, Vol. 86, 1995; PP. 122-136.

مراتبی یا AHP می‌توان به بردار وزن‌های اهمیت نسبی معیارها یا اهداف به شرح $(W = 0.420, 0.48, 0.30, 0.191, 0.04)$ دست یافت.

اگر $L^+ = C_1, C_2, \dots, C_n$ باشد، یعنی C_i مطلقاً مقدم بر اهداف دیگر باشد و C_j پنج مرتبه مهمتر از C_i ، هفت مرتبه مهمتر از C_k ، سه مرتبه مهمتر از C_l ، شش مرتبه مهمتر از C_m و C_n پنج مرتبه مهمتر از C_p باشد، با بهره‌گیری از روش فرآیند سلسله مراتبی یا AHP می‌توان به بردار وزن‌های اهمیت نسبی چهارمعیار یا هدف به شرح $(W = 0.057, 0.285, 0.12, 0.056)$ دست یافت؛ در نهایت می‌توان مدل وزنی و اولویتی را بروپا نمود. اگر $L^+ = f_1, f_2, \dots, f_m$ باشد، با فرض وجود توابعی به شرح زیر برای هر هدف یا معیار تصمیم می‌توان تعاریف زیر را در تابع هدف مدل برنامه‌ریزی آرمانی گنجاند:

$$F_i^+(d_i^+) = \begin{cases} 1 & \text{if } (d_i^+) \leq 100 \\ 0.5 & \text{if } 100 < (d_i^+) \leq 200 \\ 0 & \text{if } 200 < (d_i^+) \leq 300 \end{cases}$$

$$F_i^-(d_i^-) = \begin{cases} 1 & \text{if } (d_i^-) \leq 25 \\ 0.5 & \text{if } 25 < (d_i^-) \leq 125 \\ 0 & \text{if } 125 < (d_i^-) \leq 200 \end{cases}$$

$$F_r^-(d_r^-) = \begin{cases} 1 & \text{if } (d_r^-) \leq 25 \\ 0.5 & \text{if } 25 < (d_r^-) \leq 125 \\ 0 & \text{if } 125 < (d_r^-) \leq 200 \end{cases} \quad F_r^+(d_r^+) = \begin{cases} 1 & \text{if } (d_r^+) \leq 100 \\ 0.5 & \text{if } 100 < (d_r^+) \leq 200 \\ 0 & \text{if } 200 < (d_r^+) \leq 300 \end{cases}$$

$$F_r^-(d_r^-) = \begin{cases} 1 & \text{if } (d_r^-) = 0 \\ 0 & \text{if } (d_r^-) > 0 \end{cases}$$

جهت فرموله نمودن ریاضی این توابع و طرح تابع هدف به مأخذ ۴ مراجعه نمایید.

نتیجه

حل هر مسئله تصمیم چندمعیاری مستلزم وجود مجموعه‌ای از جوابهای ممکن و رجحانهای تصمیم گیرنده جهت گزینش برترین گزینه می‌باشد. این مقاله با توجه به ادبیات تحقیق به ارزیابی مشکلات و محدودیتهای کاربردی روشهای مختلف برنامه‌ریزی آرمانی پرداخته است. به دلیل امکان و جود توابعی غیر خطی در مسئله و جهت کاهش احتمال خطأ در مسیر بررسی جهت انتخاب مدل مناسب برنامه‌ریزی آرمانی، الگوریتم هدایت شده خاصی را با